Licencia: CC0 1.0 Universal

Nivel 3 • Álgebra • Factorización • Teoría (07)

Paolo Ruffini

Fue un matemático y médico italiano que vivió de 1765 a 1822.

La regla de Ruffini

- * Es un método abreviado para realizar algunas divisiones de polinomios.
- * Solo se puede aplicar cuando el denominador es de la forma «x-a», siendo «a» un número.
- * Puedes pensar que este es un caso muy particular y que por tanto no aparecerá muy a menudo; pero, por motivos que verás en este tema, es un caso que usamos mucho.
- * El método utiliza solamente los coeficientes del dividendo y el número «a».
- * Se obtienen el resto y los coeficientes del cociente.

Mecánica de la regla de Ruffini

- 1. Se colocan en una línea los coeficientes del dividendo en orden decreciente de grados, escribiendo ceros cuando no haya monomio de algún grado.
- 2. Se escribe el número «a» más a la izquierda, una línea más abajo.
- 3. Se escribe el primer coeficiente por la izquierda del dividendo justo bajo él, dos líneas más abajo.
- 4. Se multiplica el número «a» por el número que haya más a la derecha en la línea de abajo y se coloca el resultado en la línea central una columna más a la derecha.
- 5. Se suma el número obtenido con el coeficiente que hay sobre él y se escribe el resultado en la última fila.
- 6. Se repiten los dos pasos anteriores hasta que no se pueda más.
- 7. El número más a la derecha de la última fila es el resto. El resto debe ser un número puesto que el divisor es de grado 1 y el resto debe ser de grado inferior al del divisor, luego el resto solo puede ser un polinomio de grado 0, un número.
- 8. Los demás números de la última fila son los coeficientes del cociente, ordenados por grados de mayor a menor. Sabemos que el grado del cociente es uno menos que el grado del dividendo, porque el divisor es de grado 1.

Ejemplo 1

Divide el polinomio $2x^3-x+3$ entre el polinomio x-4

$$4 \begin{bmatrix} 2 & 0 & - & 1 & & & 3 \\ & & 8 & & 3 & 2 & & 1 & 2 & 4 \\ 2 & & 8 & & 3 & 1 & & 1 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$

Cociente: $2x^2+8x+31$; resto: 127

Ejemplo 2

Divide el polinomio $x^4-x^3-2x^2+3x-2$ entre el polinomio x+1

Importante: observa que x+1 = x-(-1), así que en este caso a=-1.

Cociente: x^3-2x^2+3 ; resto: -5

Observa que en el cociente hemos obtenido un 0 como coeficiente de «x».

URL: http://pedroreina.net/cms/n3alg-fac-tr07.pdf